

*Skolan för Datavetenskap och kommunikation*

# PROGRAMMERINGSTEKNIK

---

FÖRELÄSNING 12

---

**flyttalsberäkningar, simulering, information om provet**

# MATTE I PYTHON

---

I modulen `math` finns bland annat

- trigonometriska funktioner sin, cos etc
- exponentialfunktioner och logaritmer
- konstanter pi och e

Det finns även separata paket, NumPy och SciPy, för avancerade beräkningar och plottnings (finns installerade för Python2 i labbsalarna).

```
#Ekvationslösning med Newton-Raphson

from math import *

def f(x):

    return x*sin(x)-log(pi*x)

def fprim(x):

    return sin(x) + x*cos(x) - 1/x

def newton(f, fprim, x):

    for i in range(10):

        x = x - f(x)/fprim(x)

        print(x)

newton(f, fprim, 0.1)
```

# HUR LAGRAS FLYTTAL?

---

$mantissa * 2^{exponent}$

53 bitar för mantissan

10 bitar för exponenten

1 bitar för tecken (+ eller -)

# STORLEKAR

---

- Hur många decimaler? 53 bitar i mantissan

```
>>> 2**53
```

9007199254740992

(ca 16 siffor)

- Hur stora tal? 10 binära siffor i exponenten

```
>>> bin(1023)
```

'0b11111111'

```
>>> 2.0**1023
```

8.98846567431158e+307

# VAD HÄNDER SEN?

---

```
start = 2.0**1023
for i in range(10):
    print(start)
    start = start*1.1
```

8.98846567431158e+307
9.887312241742738e+307
1.0876043465917013e+308
1.1963647812508716e+308
1.316001259375959e+308
1.4476013853135549e+308
1.5923615238449106e+308
1.7515976762294019e+308
inf
inf

# ÖVERRASKNING. VARFÖR?

---

>>> 0.96875-0.640625

0.328125

>>> 0.4-0.3

0.1000000000000003

# BINÄRA DECIMALER. BINALER?

---

Algoritm för konvertering

1. Starta med ett decimaltal  $d < 1$
2. Beräkna  $d = d * 2$
3. *Heltalsdelen* blir nästa binära siffra
4. *Decimaldelen* blir nya  $d$
5. Upprepa från början, avbryt om  $d$  blir 0

```
def binaler(decimaltal):  
    s = "0."  
  
    for i in range(50):  
        decimaltal *=2  
  
        heltalsdel = int(decimaltal)  
  
        s += str(heltalsdel)  
  
        decimaltal = decimaltal - heltalsdel  
  
        if decimaltal == 0:  
            break  
  
    return s
```

# OÄNDLIG BINALUTVECKLING

---

```
>>> binaler(0.5)
```

```
'0.1'
```

```
>>> binaler(0.4)
```

```
'0.01100110011001100110011001100110011001100110011001100110011001'
```

# JÄMFÖRELSE KNEPIG

---

```
x = 0
while x != 1:
    x += 0.1
    print(x)
```

```
0.1
0.2
0.30000000000000004
0.4
0.5
0.6
0.7
0.7999999999999999
0.8999999999999999
0.9999999999999999
1.0999999999999999
1.2
1.3
1.4000000000000001
```

# KOLLA DIFFERENSEN ISTÄLLET

---

```
x = 0
while abs(x-1) > 0.01:
    x += 0.1
    print(x)
```

```
0.1
0.2
0.30000000000000004
0.4
0.5
0.6
0.7
0.7999999999999999
0.8999999999999999
0.9999999999999999
>>>
```

# SIMULERING

---

- Skapa en modell
- Skriv ett program som simulerar modellen
- Använd random för slump

# TÄRNINGSKAST

---

```
def kasta():  
    return random.randint(1, 6)
```

# REPRODUCERBARA RESULTAT?

---

- Använd `random.seed` för att få samma slumpföljd ur `random.randint()`
- `random.seed(1)` ger 2 5 1 3 1...
- `random.seed(2)` ger 1 1 1 3 2...

osv

# MODULEN TURTLE

- `sam = turtle.Turtle()` skapar Turtle objekt
  - `sam.forward(20)` går 20 steg
  - `sam.right(30)` vrider 30 grader åt höger
  - `sam.left(60)` vrider 60 grader åt vänster

```
import turtle
import random

sam = turtle.Turtle()
print("Sam promenerar...")
for i in range(200):
    sam.forward(20)
    if random.random() < 0.5:
        sam.left(30)
    else:
        sam.right(30)
print("Framme!")
```