



KTH Information and  
Communication Technology

**ID1019**

Johan Montelius

## Programmering II (ID1019)

2014-03-10 14:00-17:00

**Förnamn:** \_\_\_\_\_

**Efternamn:** \_\_\_\_\_

**Personnummer:** \_\_\_\_\_

### Instruktioner

- Du får inte ha något materiel med dig förutom skrivmateriel. Mobiler etc, skall lämnas till tentamensvakten.
- Svaren skall lämnas på dessa sidor, använd det utrymme som finns under varje uppgift för att skriva ner ditt svar.
- Svar skall skrivas på svenska.
- Du skall lämna in hela denna tentamen.
- Inga ytterligare sidor skall lämnas in.

### Betyg

Tentamen har ett antal uppgifter där några är lite svårare än andra. De svårare uppgifterna är markerade med en stjärna, *poäng\**, och ger poäng för de högre betygen. Vi delar alltså upp tentamen in grundpoäng och högre poäng. Se först och främst till att klara de normala poängen innan du ger

dig i kast med de högre poängen. I svaren på frågorna i de högre poängen skall du visa att du behärskar området.

Skriv först lösningar på ett kladdpapper och skriv sedan ett väl formulerat svar i denna tentamen. Ett slarvigt skrivet svar ökar inte chanserna för högre poäng eller betyg.

Notera att det av de 24 grundpoängen räknas bara som högst 22 och, att högre poäng inte kompenserar för avsaknad av grundpoäng. Gränserna för betyg är enligt nedan.

- E: 14 grundpoäng
- D: 18 grundpoäng
- C: 22 grundpoäng
- B: 22 grundpoäng och 8 högre poäng
- A: 22 grundpoäng och 12 högre poäng

Kursens slutbetyg kan blir högre om man ligger nära en gräns och har skrivit mycket bra rapporter.

## Erhållna poäng

Skriv inte här, detta är för rättningen.

Uppgift	1	2	3	4	5	$\Sigma$
Max G/H	4/-	8/4	4/4	4/4	4/4	24/16
G/H						

**Totalt antal poäng:**

**Betyg:**

Namn: \_\_\_\_\_ Personnummer: \_\_\_\_\_

## 1 Datastrukturer och möstermatchning

### 1.1 en korthög [2 poäng]

Ge en representation av en hög med spelkort. Tänk på att vi skall kunna representera godtyckligt stora högar och att det skall var enkelt att avgöra färg (dvs spader, hjärter, ..) och valör på enskilda kort.

### 1.2 vad är Y [2 poäng]

Vad är bindningen för Y i följande möstermatchningar (var för sig), i de fall där matchningen lyckas (ett poängs avdrag för varje felaktigt eller uteblivet svar, svar skall ges i sin enklaste form):

- $[X, Y] = [1, 2, 3]$
- $[X, Z|Y] = [1, 2, 3, 4]$
- $X = [], Y = [1|X]$
- $Y = [1|[2, 3]]$
- $H = \text{gurka}, T = \text{banan}, Y = [H|T]$
- $X = \{f, 42\}, \{G, Y\} = X$
- $X = \{f, 42\}, Z = \{g, X\}, \{_, \{Y, _\}\} = Z$

Namn: \_\_\_\_\_ Personnummer: \_\_\_\_\_

## 2 Funktionell programmering

### 2.1 representera aritmetiska uttryck [2 poäng]

Hur skulle vi representera aritmetiska *uttryck*, som till exempel  $2 + 3$  och  $2 + 3 * 6$ , om vi sedan skall arbeta med dessa och göra till exempel förenklingar mm.

Beskriv representationen för uttryck, där dess kan vara:

- heltal: 1,2,3 ...
- summa av uttryck: till exempel  $2 + 3$  ...
- produkt av uttryck: till exempel  $2 * 4$  ...

Notera att representationen skall vara så att man kan representera uttryck som till exempel  $2 + 3 * (4 + 6)$  (som naturligtvis är lika med  $(2 + (3 * (4 + 6)))$ ). Använd med fördel Erlangs typ-notation i din beskrivning.

### 2.2 evaluering av uttryck [2 poäng]

Med antagandet om representationen i föregående uppgift, implementera en funktion `eval/1` som tar ett uttryck och returnerar dess *resultat*. Om vi anropar funktionen med representationen för  $2 + (3 * 4)$  skall vi returnera 14.

Namn: \_\_\_\_\_ Personnummer: \_\_\_\_\_

### 2.3 varierande variabler [2 poäng]

Utöka representationen i uppgift ?? så att vi även kan hantera uttryck med variabler. Vi skall till exempel kunna representera uttryck så som:  $2 + x$  och  $2 + (3 * y)$ . Beskriv hur variabler representeras och hur detta påverkar vår representation av uttryck. Använd gärna Erlangs typ-notation.

### 2.4 variablers värde [2 poäng]

Beskriv representationen av en mängd *variabelbindningar*, dvs mappning från variabler till värden, och en funktion `lookup/2` som tar en variabel och en mängd variabelbindningar som argument och returnerar ett värde för den sökta variabeln. Vi antar att den sökta variabeln finns i mappningen.

Namn: \_\_\_\_\_ Personnummer: \_\_\_\_\_

## **2.5   evaluera med variabler [2 poäng\*]**

Implementera en funktion `eval/2` som tar ett uttryck och en mängd variabelbindningar och returnerar värdet på det evaluerade uttrycket. Använd de representationer av variabler och variabelbindningar samt funktionen `lookup/2` i de föregående uppgifterna.

Namn: \_\_\_\_\_ Personnummer: \_\_\_\_\_

## 2.6 derivering av uttryck [2 poäng\*]

Implementera en funktion `deriv/2` som tar ett uttryck, representerat som i uppgifterna ovan, och en variabel, och returnerar derivatan av uttrycket med avseende på variabeln. Deriveringsreglerna är som bekant som följer:

- $c' = 0$  givet att  $c$  är en konstant eller en variabel skild från den variabel vi deriverar över
- $x' = 1$  givet att  $x$  är den variabel vi deriverar över
- $(f(x) + g(x))' = f'(x) + g'(x)$
- $(f(x) * g(x))' = f'(x) * g(x) + f(x) * g'(x)$

## 3 Högre ordningens funktioner

### 3.1 foldin på ett träd [2 poäng]

Antag att vi har ett binärt träd representerat enligt formen nedan.

```
-type tree() :: empty | node()  
-type node() :: {node, any(), tree(), tree()}
```

Implementera en funktion `inorder/3` som traverserar ett träd i *in-order* (dvs från först vänstra grenen sen roten och sen högra grenen) och tillämpar en funktion på nodernas värde och en ackumulerande parameter.

Om vi har trädet `T` nedan:

Namn: \_\_\_\_\_ Personnummer: \_\_\_\_\_

$T = \{\text{node}, b, \{\text{node}, a, \text{empty}, \text{empty}\}, \{\text{node}, c, \text{empty}, \text{empty}\}\}$

och gör anropet:

`inorder(F, gurka, T)`

där  $F$  är en funktion. Så skall vi få resultatet:

`F(c, F(b, F(a, gurka)))`

### 3.2 summan av ett träd [2 poäng]

Antag att vi har implementerat funktionen `inorder/3` i föregående uppgift. Implementera en funktion `sum/1` som använder sig av den funktionen och returnerar summan av alla värden i trädet. Om vi har trädet  $T$ :

$T = \{\text{node}, 7, \{\text{node}, 5, \text{empty}, \text{empty}\}, \{\text{node}, 2, \text{empty}, \text{empty}\}\}$

så så skall `sum(T)` returnera 14.



Namn: \_\_\_\_\_ Personnummer: \_\_\_\_\_

### 3.3 funktionen `reverse` [4 poäng\*]

Implementera funktionen `reverse/1` (som returnerar den omvända listan) enbart med hjälp av: `foldl/3`, `foldr/3` och/eller `map/2`. Du får inte använda dig av *++-operatorn* och skal inte heller skriva en egen rekursiv funktion utan ta hjälp av lämpliga högre ordningens funktioner.

Definitionen av de högre ordningens funktioner som du kan använda dig av återfinns i appendix.

## 4 Komplexitet

### 4.1 är det så lönt [4 poäng]

Antag att vi skall arbeta på stora mängder av ord och att vi skall implementera en funktion som plockar ut ord som även är ord om de skrivs baklänges. Alla palindrom skall, som “apa”, skall naturligtvis vara med men även ord som “galna” eftersom “anlag” är ett ord (dvs om det är med i den mängd ord vi arbetar med).

En lösning är att läsa in alla ord i en lista och sen plocka ord för ord, vända på det och se om det finns med i listan; enkelt att implementera.

En annan lösning är att skapa ett sorterat träd av alla orden och sen använda sig av trädet när man skall söka efter omvända ord. Det kostar ju en del att skapa ett sorterat träd så frågan är ju om det lönar sig.

Hur är det, skulle det löna sig att skapa ett sorterat träd? Vad kostar det och vad tjänar man? Vad måste man se upp med?

Namn: \_\_\_\_\_ Personnummer: \_\_\_\_\_

## 4.2 binärsökning i lista [4 poäng\*]

*Observera : detta är en något annorlunda lösning på ett sökproblem och ingenting som kan rekommenderas*

Antag att vi har en ordnad lista av nyckel/värde-par där nycklarna är atomer och värdena heltal. Ett exempel är listan L nedan:

```
L = [{a,13},{b,42},{d,17},{f,32},{n,14}]
```

Vi har även en funktion `elem/2`, som hittar ett element i en lista givet en position, definerad enligt nedan.

```
elem(1,[H|_]) -> H;  
elem(N,[_|T]) -> elem(N-1,T);
```

Vi antar att den nyckel som vi letar efter finns i listan så om vi anropar `elem(3, L)` där L är listan ovan så får vi resultatet `{d,17}`.

Vi definierar nu en sökfunktion `search/4` som använder binärsökning och hittar värdet för en nyckel mellan två positioner; vi antar att nyckeln finns i listan.

```
search(Key, First, Last, List) ->  
  N = (Last - First) div 2 + First,  
  {K, V} = elem(N, List),  
  if  
    Key == K -> V;  
    Key > K -> search(Key, N+1, Last, List);  
    Key < K -> search(Key, First, N-1, List)  
  end.
```

Vi antar att vi vet hur lång listan är och anropar därför alltid funktionen `search(Key, 1, length_of_list, L)`. Om vi gör anropet `search(b, 1, 5, L)`, där L är listan ovan får vi resultatet 42.

Frågan är vilken asymptotisk tidskomplexitet funktionen `search/4` har.

Namn: \_\_\_\_\_ Personnummer: \_\_\_\_\_

## 5 Concurrency

### 5.1 bin som samlar honung [2 poäng]

Vi skall modellera ett system där vi har ett antal bin som samlar honung i en skål. Skålen, björnen och varje bi representeras av olika processer som interagerar genom att skicka meddelanden till varandra.

Bin kan bara lämna honung om det finns plats i skålen. Skålen rymmer naturligtvis inte obegränsat med honung så när den är full, skall en björn väckas som kan sleva i sig all honung.

Implementera en process som beskriver skålen. Processen skall ha följande egenskaper:

- den vet vilken björn som sover
- den skall innehålla ett antal *honungsenheter* som inte får överstiga ett max antal
- om skålen inte är full kan bin lämna honung i skålen (en enhet åt gången)
- om skålen blir full skall skålen *väcka* björnen
- när björnen har ätit upp honungen är skålen tom

Skålen vet naturligtvis vilken björn som skall väckas och vi kan anta att björnen vet vilken skål den skall äta ur när den vaknar. Vi har dock ett antal bin som levererar honung så skålen måste få reda på vilket bi det är som vill lämna honung. Du behöver inte skriva hur processen startas eller hur den får reda på vilken björn den skall väcka utan bara implementera den rekursiva funktion som beskriver skålens beteende.

Namn: \_\_\_\_\_ Personnummer: \_\_\_\_\_

## **5.2 bin och björn [2 poäng]**

Implementera en process för ett bi och en björn som kan arbeta med skålen i föregående uppgift. Du behöver inte ange hur processerna startas.

## **5.3 start me up [4 poäng\*]**

Om vi skall starta upp våra processer så har vi nu ett dilemma, om vi startar skålen först så vet den inte vilken björn den skall väcka men om vi startar björnen först så vet den inte vilken skål den skall äta ur. Det finns lite olika lösningar på det här problemet, beskriv två lösningar och ge exempel på de förändringar som vi kanske måste göra i vår implementation.

Namn: \_\_\_\_\_ Personnummer: \_\_\_\_\_

## Appendix

- `map(F, L)`: returnerar listan av  $F(E)$ , där  $E$  är element i listan  $L$
- `foldr(F, A, L)`: returnerar  $A_0$  där  $A_k = A$ ,  $A_{i-1} = F(E_i, A_i)$ ,  $k$  är längden på listan  $L$  och  $E_i$  det  $i$ :te elementet i listan
- `foldl(F, A, L)`: returnerar  $A_k$  där  $A_0 = A$ ,  $A_i = F(E_i, A_{(i-1)})$ ,  $k$  är längden på listan  $L$ , och  $E_i$  det  $i$ :te elementet i listan
- `filter(F, L)`: returnerar listan av element  $E_i$ , där  $E_i$  är element i listan  $L$ , för vilka  $F(E_i)$  returnerar *true*