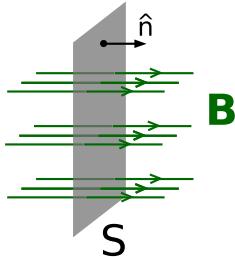


# Övning 5 - Induktans & RL-kretsen

Mårten Selin  
marten.selin@kth.se

## Induktion

### Magnetiskt flöde ( $\Phi$ )



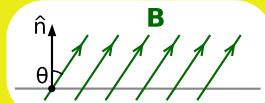
$S$ : Yta det magnetiska fältet går igenom  
 $\hat{n}$ : Ytnormal (vektor vinkelrät mot ytan, längd 1)  
 $d\mathbf{S} = \hat{n} dS$  (notation)  
 $\Phi$ : Magnetiskt flöde [Wb]

$$\Phi = \int_S \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S} = \int_S \mathbf{B} \cdot \hat{n} dS$$

Specialfall:

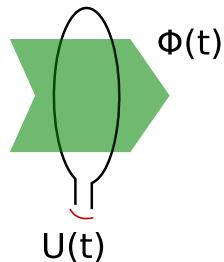
$$\mathbf{B} \cdot \hat{n} = B \cos(\theta)$$

$$\rightarrow \Phi = \int_S \mathbf{B} \cdot \hat{n} dS = B \cos(\theta) \int_S dS = B S \cos(\theta)$$



### Inducerad spänning

$$U = \frac{d\Phi}{dt}$$



### Induktans [H]

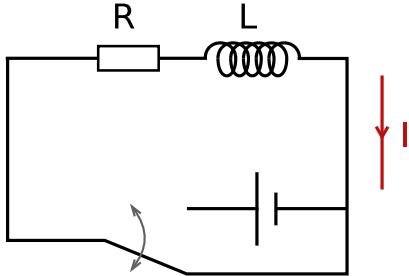


$$\text{Självinduktans: } L_1 = \Phi_1 / I_1, \quad L_2 = \Phi_2 / I_2$$

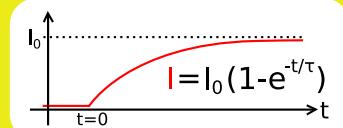
$$\text{Ömsesidig induktans: } M = \Phi_1 / I_2 = \Phi_2 / I_1$$

## RL-kretsen

På samma sätt som RC-kretsen ger en tröghet i spänningsförändringar, ger RL-kretsen en tröghet i strömförändringar.

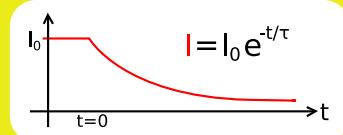


Inkoppling:



$$I_0 = U/R$$
$$\tau = L/R$$

Urkoppling:



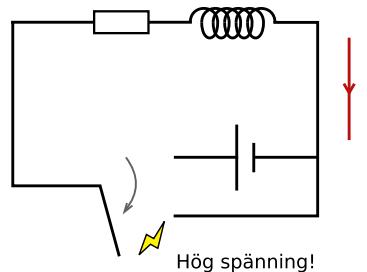
$\tau$ : Tidskonstanten [s], "Kretsens tröghet"

## Spänningsspit m.h.a. en spole

Då spänningsskällan är inkopplad är strömmen  $I = I_0$ .

Bryts kretsen plötsligt (d.v.s.  $R = \infty$ ), så blir spänningen  $U = R I_0$  oändlig... eller åtminstone väldigt stor.

Då tidskonstanten blir liten för stora  $R$  så är spänningsspiken ett snabbt förlopp.



Hög spänning!

## Hemtal

### Hemtal: MT 08-03-10 - Visioner på utställningar uppg A1

På tekniska museet finns ett "ekorrhjul" för småbarn med "navdynamo" dvs genom luftgapet till en toroidspole passerar magneter med omväxlande polaritet (riktning). Strömmen från denna används för att driva fram ett tåg. Med vilken faktor ökar effekten som levereras till tåget om barnen springer dubbelt så fort? (Icke-linjäriteter i tågmotorn kan du bortse från) (Enbart rätt svar ger inga poäng, det är motiveringen som avgör) (Facit till denna uppgift innehåller en tankeurupa från examinator, men svaret stämmer...)