



EL1000/1120/1110 Reglerteknik AK

Föreläsning 11:  
Implementering

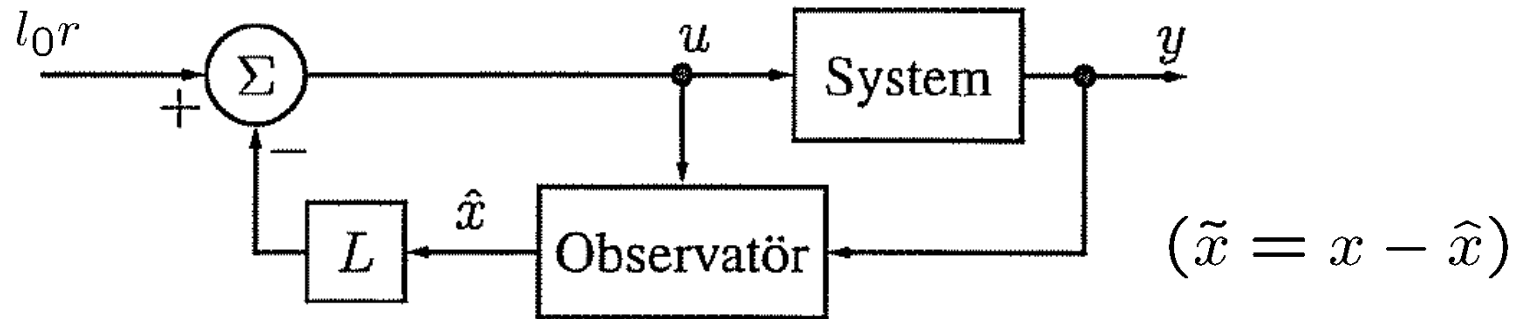
# Kursinformation

- Min kontorstid är flyttad till 12:30-13:30 idag (Inga kontorstider nästa vecka. Se frågestunder nedan)
- Föreläsning 12 (4 december): Sammanfattning
  - Repetition och lösning av tentatal
- Frågestunder inför tentan:
  - Måndag 10 dec kl. 17-18 i sal V01 (José)
  - Tisdag 11 dec kl. 17-18 i sal V01 (António)
  - Onsdag 12 dec kl. 16-17 i sal V21 (Olle)
  - Fredag 14 dec kl. 10-11 i sal M24 (Patricio)

# Innehåll

- Tillståndsåterkoppling med observerare (rep.)
- Kaskadkoppling (rep.)
- Framkoppling och Smith-prediktorn
- Implementering
  
- Besök från studenterna i projektkursen i reglerteknik c:a 9:40. De som vill kan sedan följa med till deras lab.

# Tillståndsåterkoppling med observerare



$$\begin{pmatrix} \dot{\hat{x}} \\ \dot{\tilde{x}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} A - BL & BL \\ 0 & A - KC \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ \tilde{x} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} B \\ 0 \end{pmatrix} l_0 r$$

$$y = (C \quad 0) \begin{pmatrix} x \\ \tilde{x} \end{pmatrix}$$

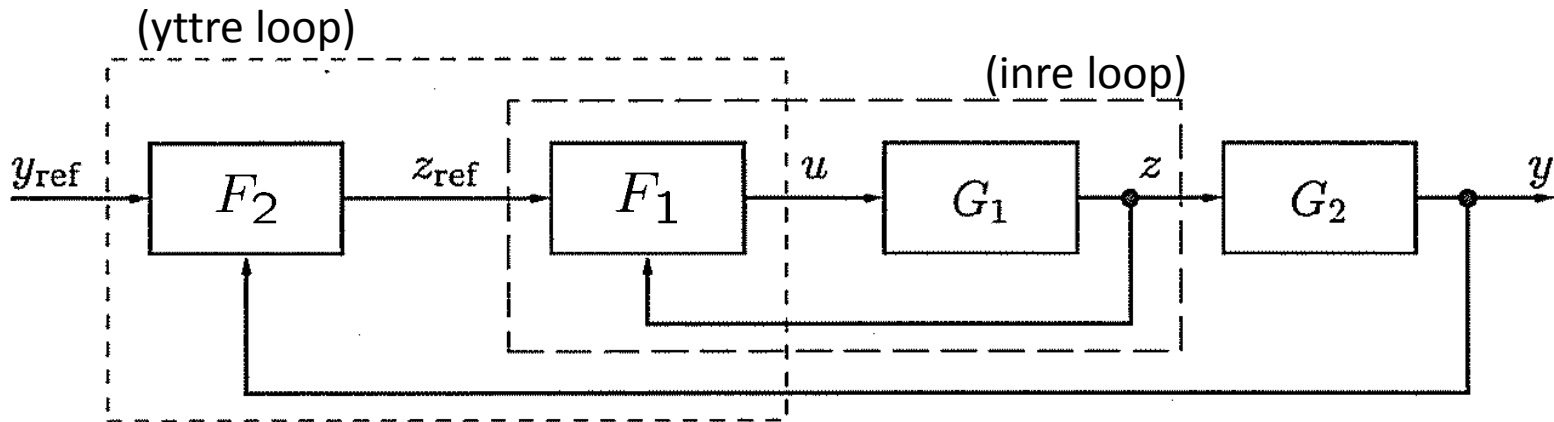
$$Y(s) = G_c(s)R(s)$$

$$G_c(s) = C(sI - A + BL)^{-1}Bl_0$$

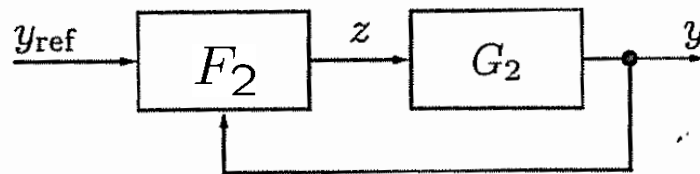
$G_c(s)$  samma som vid enbart tillståndsåterkoppling!

# Kaskadreglering

- Kan mäta "mellansignal"  $z$



- Välj inre regulatorn  $F_1$  så att  $z(t) \approx z_{\text{ref}}(t)$  (gör inre loopen tillräckligt snabb)
- Ger förenklat reglerproblem för yttre loopen:



# Exempel: Rategyroåterkoppling (Fö. 10)

$$G_1(s) = \frac{1}{s+1}, G_2(s) = \frac{1}{s}, F_1(s) = K_1, F_2(s) = K_2$$

- Överföringsfunktion från  $y_{ref}$  till  $y$  :

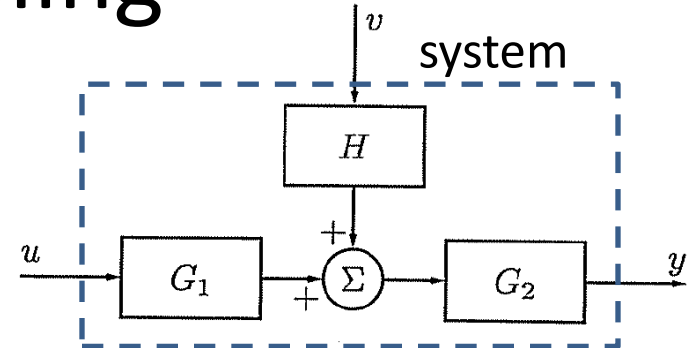
$$\begin{aligned} Y(s) &= \frac{K_1 K_2}{s^2 + (K_1 + 1)s + K_1 K_2} Y_{ref}(s) \\ &= \frac{K_2}{s^2/K_1 + (1 + 1/K_1)s + K_2} Y_{ref}(s) \\ &\approx \frac{K_2}{s + K_2} Y_{ref}(s) \end{aligned}$$

om  $K_1$  är stor i förhållande till  $s$  ( $y_{ref}$  frekvens) och  $K_2$  (enl. tumregel!)

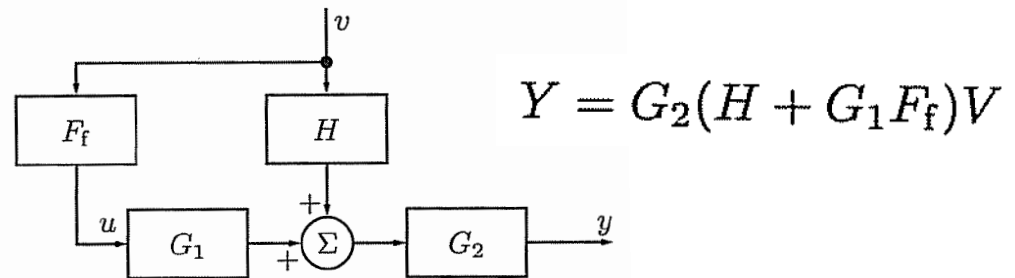
- Under dessa villkor "syns" ej inre loopen i utsignalen  $y$ !

# Framkoppling

- Kan mäta systemets störsignal  $v$



- Förkompensera innan störsignal ger fel i  $y$ :



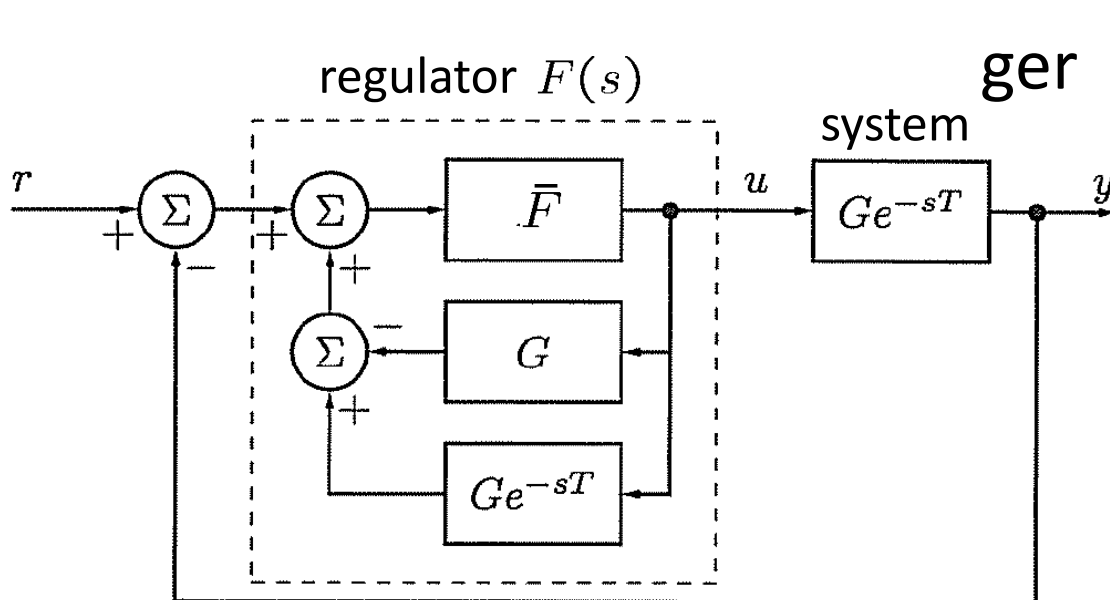
- Välj framkoppling

$$F_f(s) = -\frac{H(s)}{G_1(s)}$$

- Derivator i  $F_f(s)$  måste approximeras
- Framkoppling känsligt för modellfel  $\Rightarrow$  kombinera med återkoppling!

# Smith-prediktorn

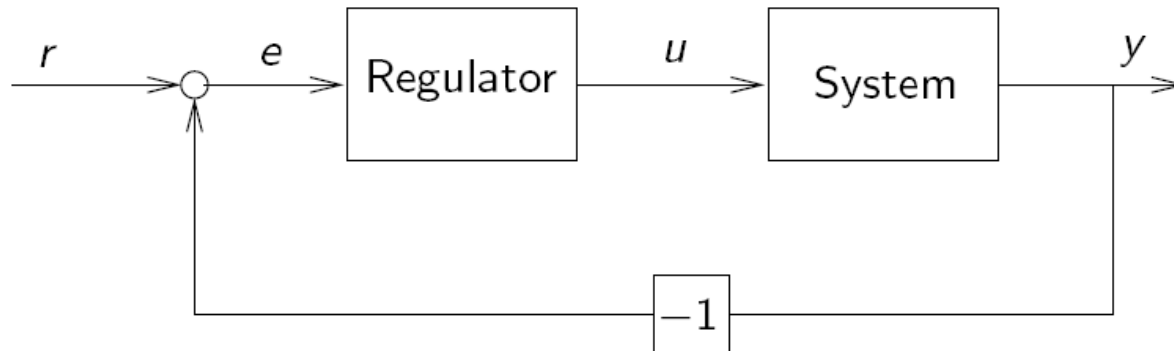
- Antag vi känner systemets tidsfördröjningen  $T$
- Designa  $\bar{F}$  så att  $\bar{G}_c = \frac{G\bar{F}}{1 + G\bar{F}}$  blir bra (PID, etc.)
- Smith-prediktorn  $F(s) = \frac{\bar{F}(s)}{1 + (1 - e^{-sT})\bar{F}(s)G(s)}$



ger  $G_c(s) = \bar{G}_c(s)e^{-sT}$



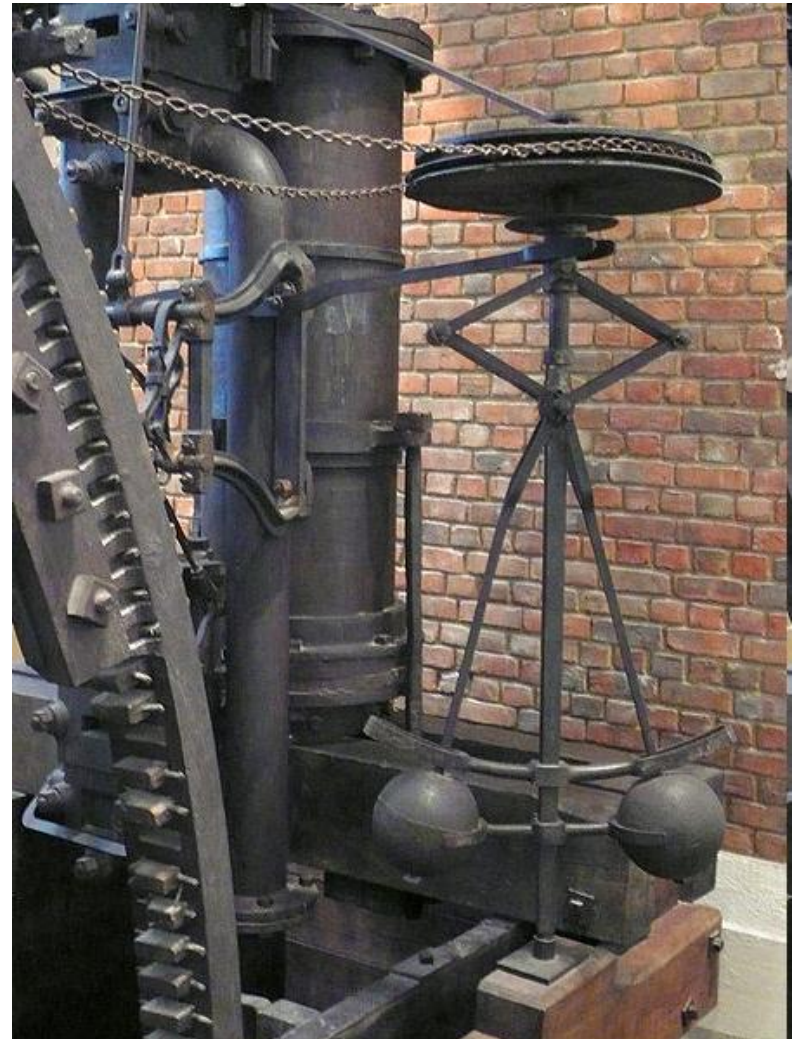
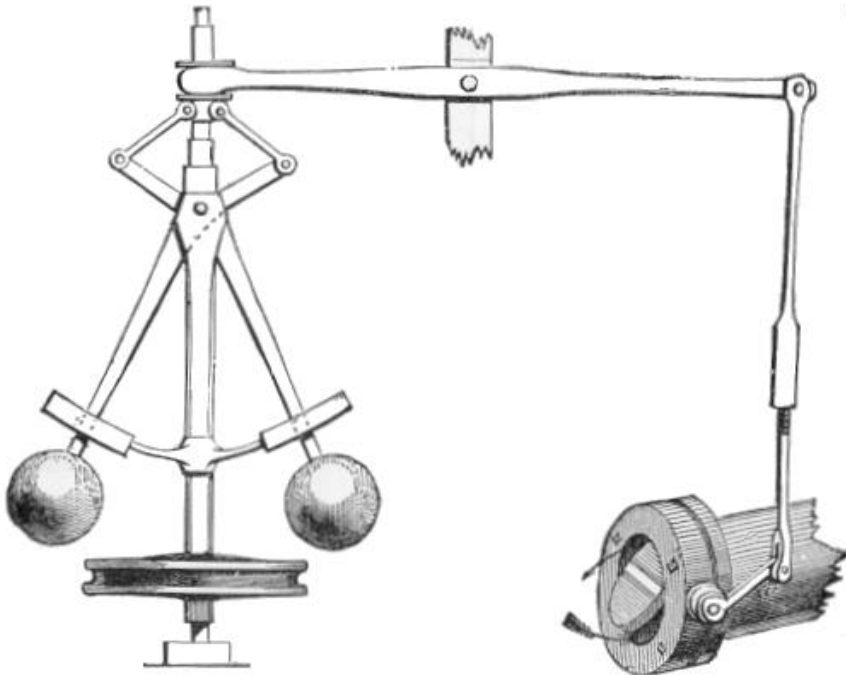
# Implementering



- Hur förverkliga sambandet mellan  $e(t)$  och  $u(t)$ ?
  - *Analogt*: mekanik, elektronik, pneumatik.  
Signaler representeras av spänning, tryck etc.
  - *Digitalt*: programmering.  
Signaler representeras av tal i en dator.

# Centrifugalregulatorn

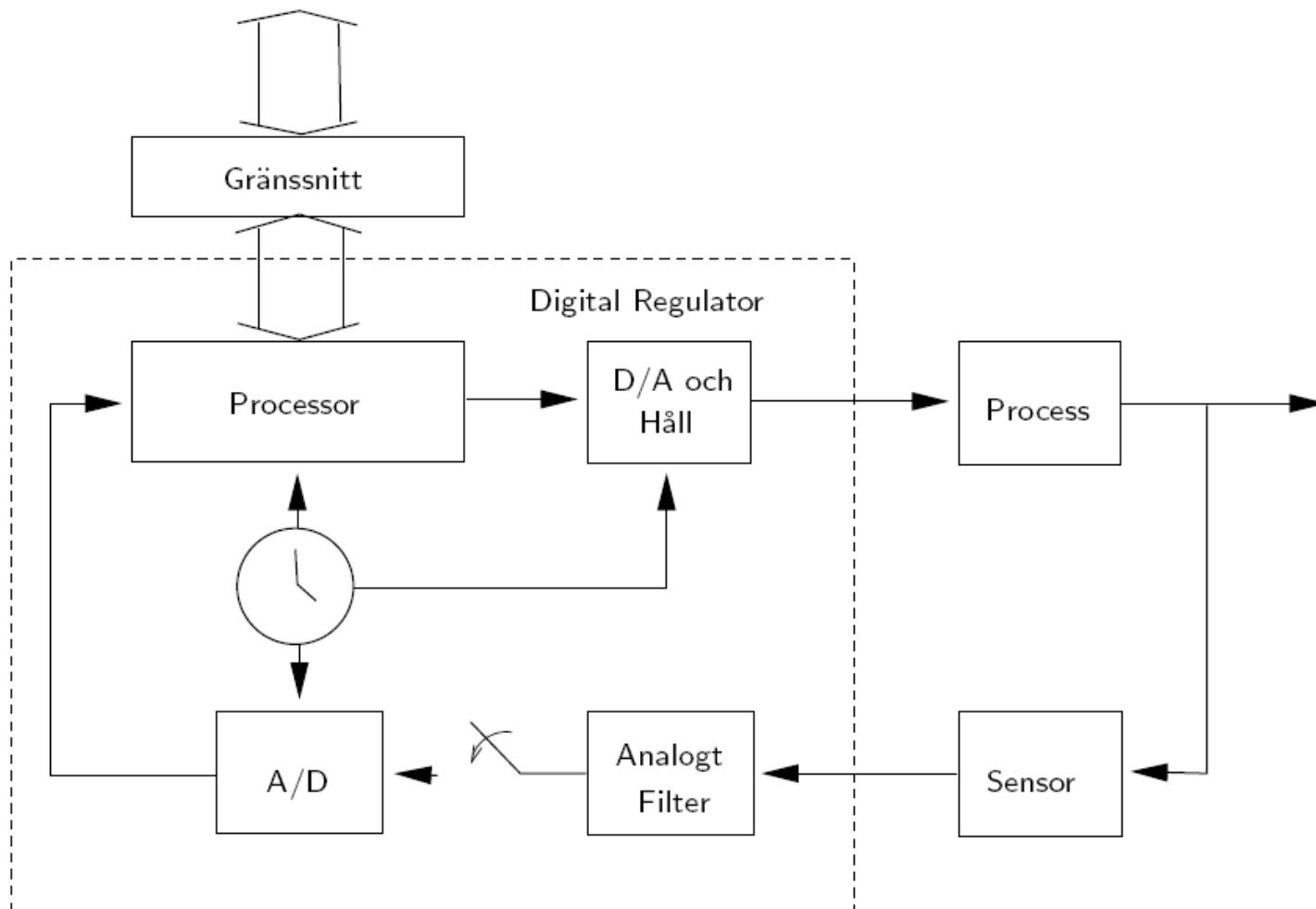
- Mekanisk P(I)-regulator
- James Watt, 1788



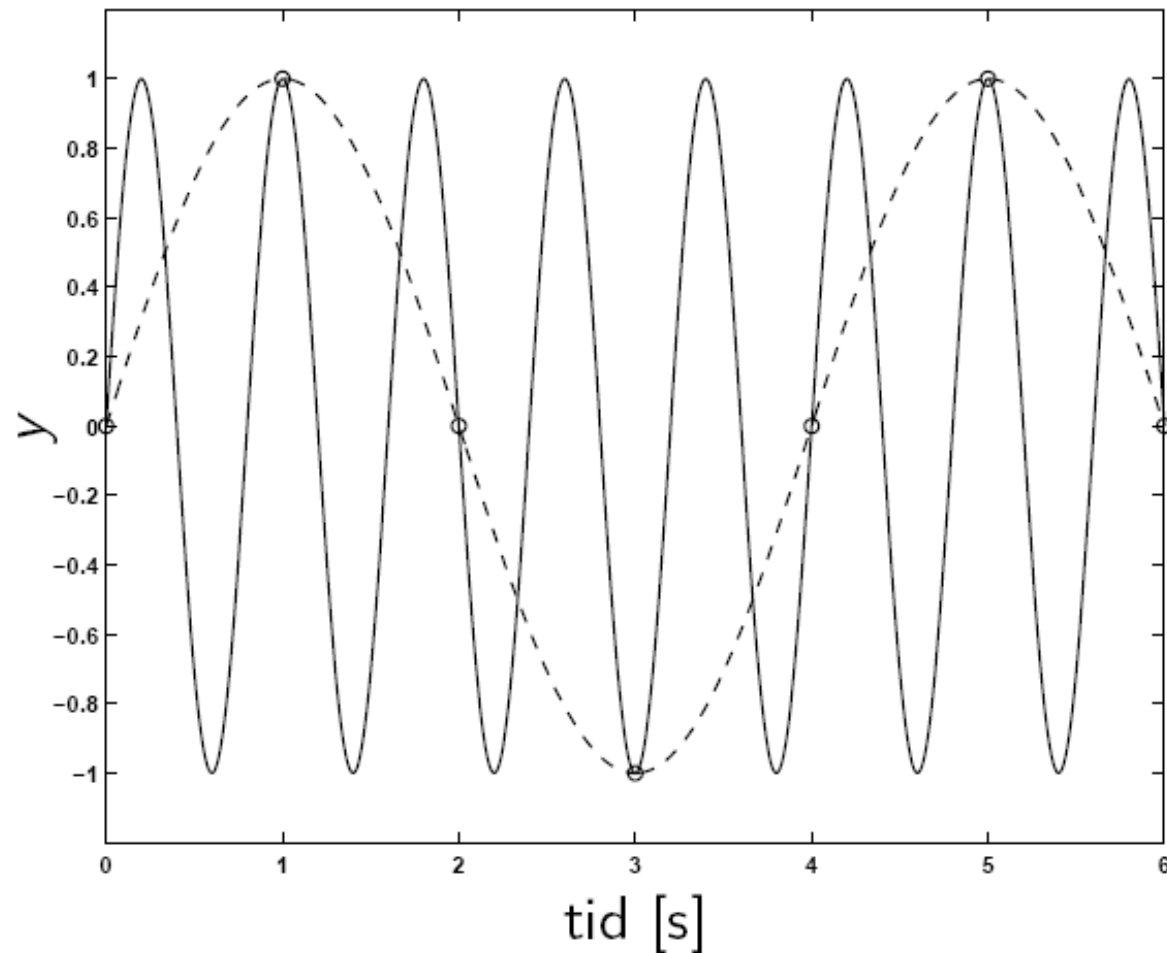
# Varför digital implementering?

- Fördelar:
  - + billigt
  - + flexibelt
  - + kan realisera komplicerade samband
- Nackdelar (ty tidsdiskret arbetsätt):
  - ÷ måste approximera  $F(s)$
  - ÷ kan ge sämre prestanda
  - ÷ kräver speciell teori

# Hur ser den digitala implementeringen ut?



# Aliaseffekt

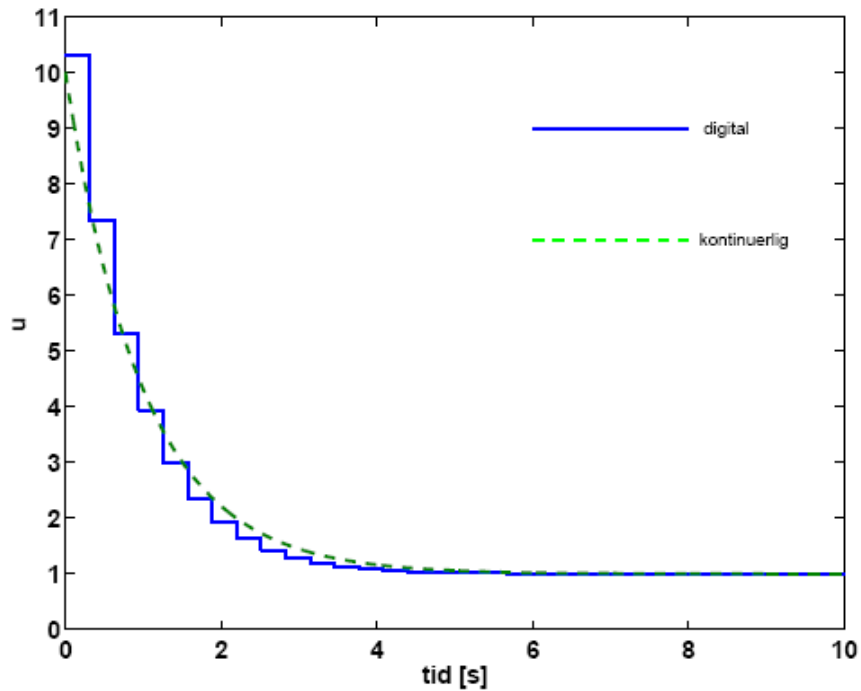


- Signal med frekvens  $\omega = 2.5\pi$  uppfattas som signal med frekvens  $\omega = 0.5\pi$ !

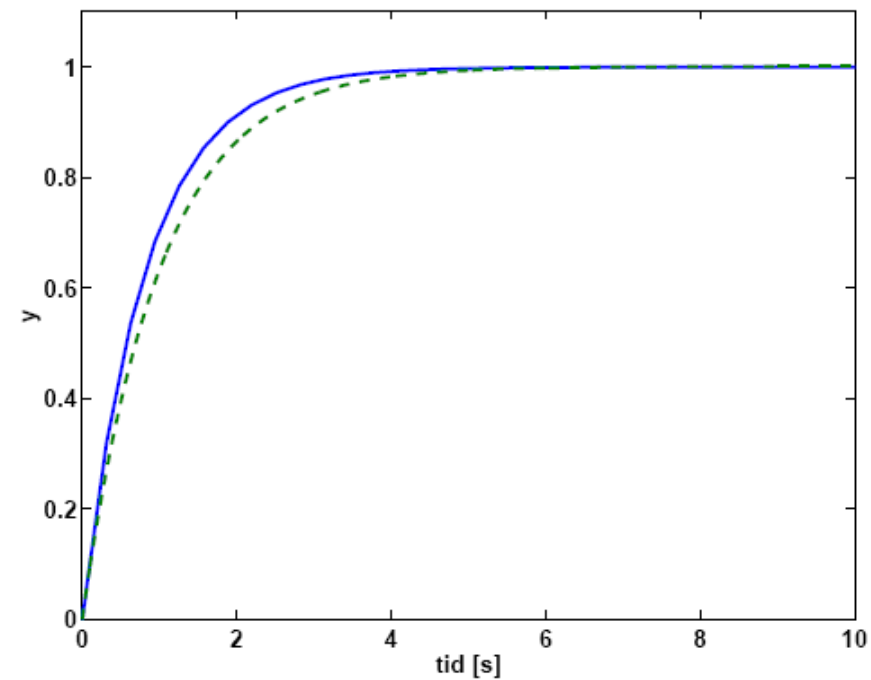
# Digital implementering. Eksempel

- Sampeltid  $T = 0.3s$

styrersignal  $u$ :



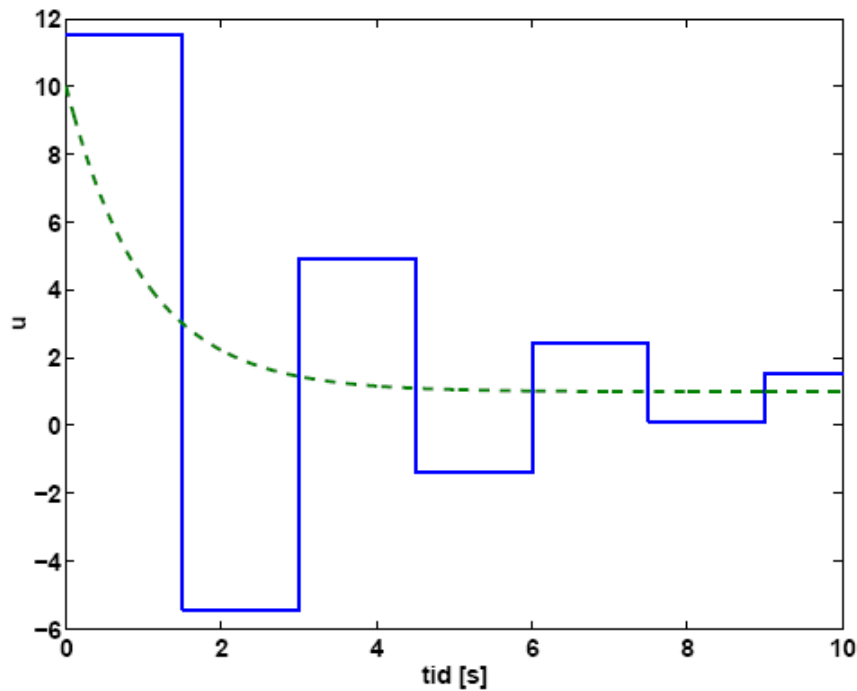
utsignal  $y$ :



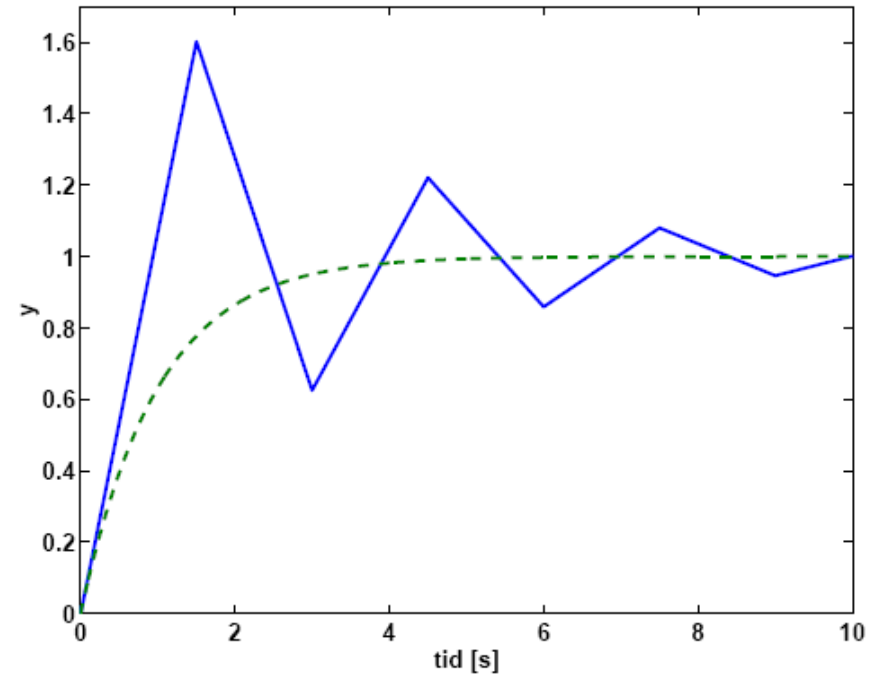
# Digital implementering. Exempel

- Sampeltid  $T = 1.5s$

styrsignal  $u$ :



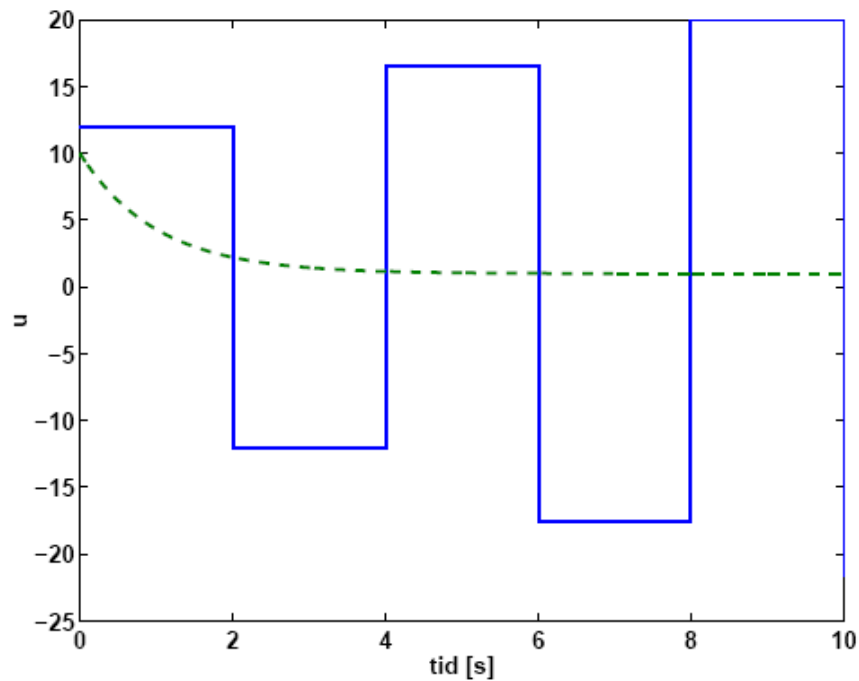
utsignal  $y$ :



# Digital implementering. Exempel

- Sampeltid  $T = 2.0s$

styrsignal  $u$ :



utsignal  $y$ :

