

Seminarium 2 i kursen SF1661 Perspektiv på matematik HT2011

1. Lös ekvationen $|x - 4| = 2x$. Tips: Dela upp lösningen i två steg; sök först efter lösningar $x \geq 4$, och sedan efter lösningar $x < 4$.

2. a) Beskriv och skissera mängden av alla komplex tal z som uppfyller ekvationen $|z + 1 + 2i| = 2$.

b) Beskriv den mängd du har skisserat i a) med hjälp av en ekvation i de reella variablerna x och y , där vi som vanligt identifierar det komplexa talet $z = x + iy$ med punkten (x, y) .

3. Bevisa triangelolikheten för komplexa tal. Du kan t ex låta dig inspireras av Övning 31 på sidan 45 i Gottliebs Aritmetik.

4. Du känner till de trigonometriska formlerna för dubbla vinkeln. Härled nu formler för $\cos 3v$ och $\sin 3v$ genom att genomföra följande steg:

(i) Skriv om $(\cos v + i \sin v)^3$ med hjälp av de Moivres formel.

(ii) Utveckla $(\cos v + i \sin v)^3$ med hjälp av Binomialsatsen.

(iii) Du har nu två olika alternativa uttryck för $(\cos v + i \sin v)^3$, dessa måste naturligtvis var lika, och eftersom det är en likhet för komplexa tal innebär det att såväl realdel som imaginärdel måste vara lika.

(iv) De identiter du erhåller kan formas om med hjälp av andra trigonometriska identiteter, välj en form du tycker är enkel och estetiskt tilltalande.

Kommer du på någon annan metod att härleda dessa formler?

Hur skulle du gå till väga för att konstruera formler för t ex $\cos 4v$ eller $\sin 5v$?

5. Bestäm koefficienten framför termen a^5b^2 i utvecklingen av $(a + \frac{b}{3})^7$.

6. a) Förklara vad som menas med en *geometrisk summa* och härled formeln för beräkning av en sådan. Ge också ett exempel som illustrerar detta.

b) Vad menas med en *geometrisk serie*? Förklara så noga och precist du kan. Ge också exempel som illustrerar detta begrepp.

7. Föreställ dig att du arbetar som lärare, och att dina elever just har lärt sig att talen på tallinjen kan representeras med, eventuellt oändliga, decimalbråksutvecklingar. Du får frågan om $0.999999\dots$ och 1 verkligen är samma tal, och hur det i så fall kan komma sig. Hur skulle du svara?

V G Vänd!

Ovanstående uppgifter ska lösas inför seminarietillfället. Till seminariet ska du ha med dig lösningar på dessa uppgifter, skrivna på ett papper per uppgift, med namn och personnummer på. Lösningarna ska vara väl motiverade och tydligt skrivna. Även en person som inte är insatt i problemet i förväg ska lätt kunna läsa och förstå dina lösningar. Rita figur, förklara alla beteckningar du inför och förklara hur du resonerar!

Vid seminariet kommer era lösningar att behandlas och diskuteras. Exempel på vad som kan hända: några uppgifter samlas in och rättas av lärare, några uppgifter kamraträttas, dvs rättas av andra studenter, några uppgifter blir lösta på tavlan av studenter (t ex av dig!). Precis vad som ska hända och vad du ska göra får du veta när du kommer dit.

Godkänd vid ett seminarietillfälle blir du om du deltar aktivt vid hela seminarie-tillfället och utför de uppgifter du blir tilldelad, samt att de uppgifter som väljs ut för inlämning är väl behandlade och väl presenterade. Uppgifter för inlämning skall lämnas vid seminarietillfällets början.

Godkänd på hela seminarieserien blir du om du är godkänd på minst 3 av de 4 seminarietillfällena. Klarar du det får du automatiskt 3 poäng på uppgift 3 vid det ordinarie skriftliga tentamenstillfället och vid ordinarie omtentamenstillfället (och endast vid dessa tillfällen). Väl godkänd blir du om du är godkänd på alla 4 seminarietillfällen och du får då på motsvarande sätt automatiskt 4 poäng på uppgift 3. Om du har 3 poäng på uppgiften genom seminarierna och vill höja till 4 poäng behöver du göra hela uppgiften vid tentamen.

Det är tillåtet att samarbeta med andra när du löser uppgifterna, men det är inte tillåtet att skriva av en lösning eller lämna in en lösning som du inte arbetat med själv. Var och en ska skriva sina egna lösningar. Och observera detta: det räcker inte att du har med dig lösningar, du ska i detalj kunna förklara varje steg i lösningarna. Om du inte muntligt och skriftligt kan förklara din egen lösning ordentligt blir du inte godkänd.

Din föreläsare informerar om i vilken grupp du skall redovisa dina seminarieuppgifter. Endast seminarieuppgifter redovisade i föreskriven grupp ger underlag för bonuspoäng.